

- Memorizzare in un vettore (usando un ciclo for, linspace o a:h:b) la sequenza di punti $x_0 = a, x_1 = a + h, \dots, x_k = a + kh, \dots, x_N = b$.
- Scrivere una function $ITC = \text{trapezi}(f, a, b, N)$ che calcola la formula dei trapezi composta

$$I_{TC} = h \left(\frac{1}{2}f(a) + \frac{1}{2}f(b) + \sum_{i=1}^{N-1} f(x_n) \right).$$

- Controllare che restituisca il risultato corretto per $I = \int_1^3 (2x + 2)dx = 12$.
- Scrivere una function $[ITC, S] = \text{trapezi2}(f, a, b, N)$ che (dopo aver controllato che N sia pari) restituisce anche la stima dell'errore $S = \frac{I_{TC}^{(N/2)} - I_{TC}^{(N)}}{3}$, e verificarne il funzionamento sulla stessa I .
- Usare la funzione per approssimare il valore di $I = \int_0^1 x^3 dx = \frac{1}{4}$ con $N = 50$ intervalli; calcolare $I_{TC} - I$ e confrontarlo con la stima S .
- Di quanto si riducono $I_{TC} - I$ e S con $N = 100$ intervalli anziché 50? Con 200?
- Utilizzando la formula per l'errore, sapreste calcolare (teoricamente) un valore di N che ci assicuri $|I_{TC} - I| \leq 10^{-8}$?